



# 为什么要学习数据结构

点此获取更多资源

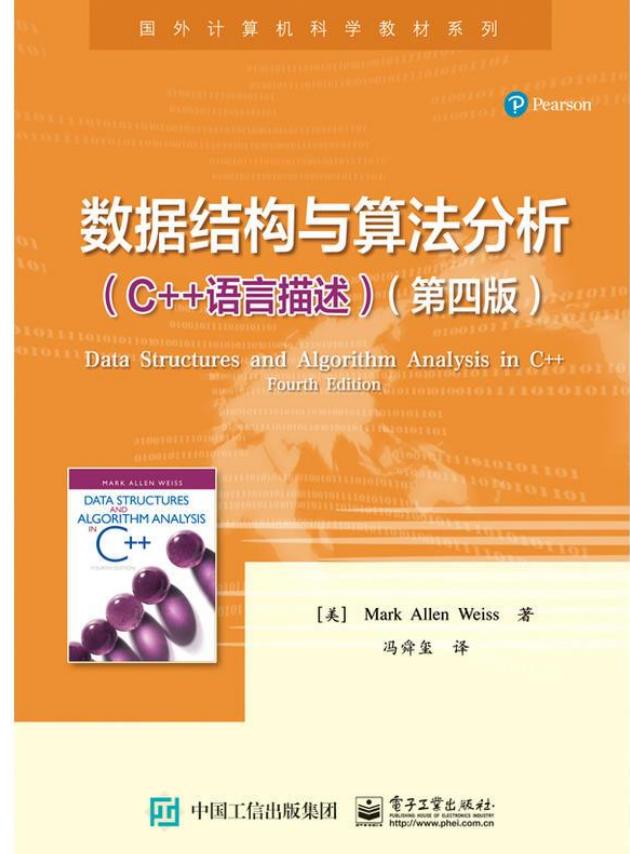
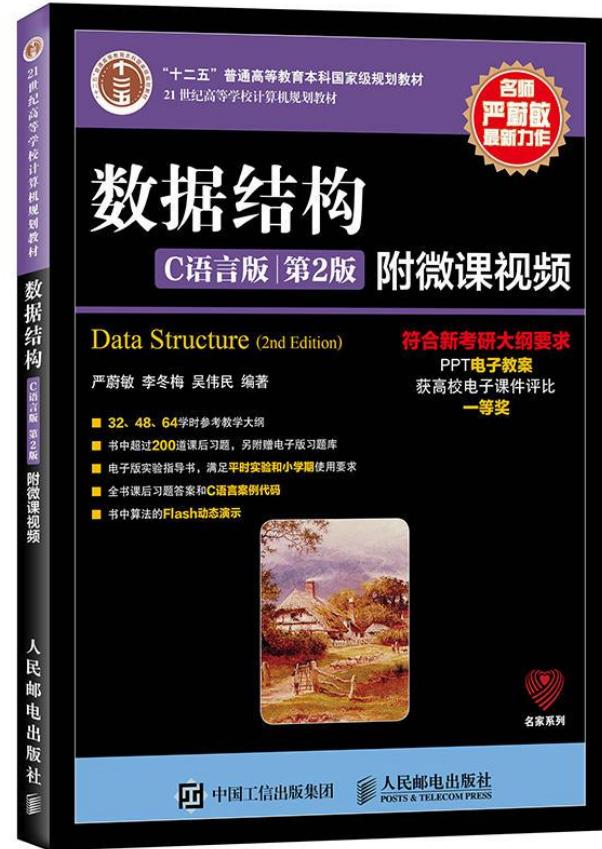
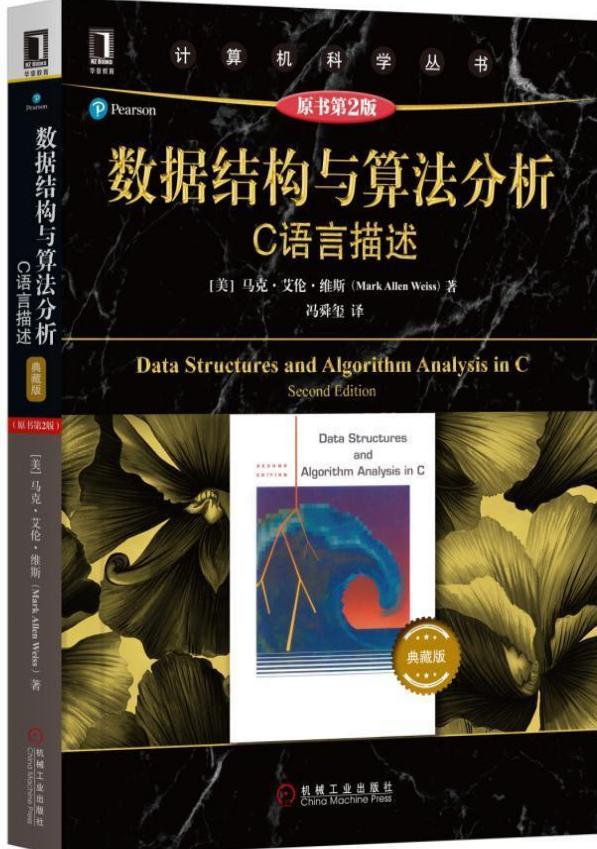
- ❖ 编程功底基础
- ❖ 计算机及相关专业考研考博课程
- ❖ 计算机等级考试课程
- ❖ 程序员考试课程

# 课程学习指导

课程特点：内容抽象、概念性强、内容灵活、不易掌握

- 1. 提前**预习**、认真听课、按时完成书面及上机**作业**
- 2. 注意先修课程的知识准备
  - ✓ 离散数学、**C语言**
- 3. 注意循序渐进：
  - ✓ 基本**概念**、基本**思想**、基本**步骤**、**算法设计**
- 4. 注意培养算法设计的能力
  - ✓ 理解所讲算法、对此多做**思考**：若问题要求不同，应如何选择数据结构，设计有效的算法

# 数据结构参考书



# 第01讲 数据结构与算法设计开篇基础



六星教育首席架构师：Vico老师  
官方助理冰芯老师QQ：1930070991

# 教学内容

1. 1 数据结构的研究内容

1. 2 基本概念和术语

1. 3 抽象数据类型的表示与实现

1. 4 算法与算法分析

## 1.1 数据结构的研究内容

【N.沃思 (Niklaus Wirth)教授提出：

程序=算法+数据结构

【电子计算机的主要用途：

① 早期：

主要用于数值计算

② 后来：

处理逐渐扩大到非数值计算领域，能处理多种复杂的  
具有一定结构关系的数据

## 线性表

001	高等数学	樊映川	S01
002	理论力学	罗远祥	L01
003	高等数学	华罗庚	S01
004	线性代数	栾汝书	S02
.....	作者名:.....	.....	.....

按书名

分类号:

按作者名

按分类号

高等数学	001, 003	出版单位:	樊映川	001, ...
理论力学	002, .....	出版时间:	华罗庚	002, ....
线性代数	004, .....	价格:	栾汝书	004, ....
.....	.....	.....	.....	.....

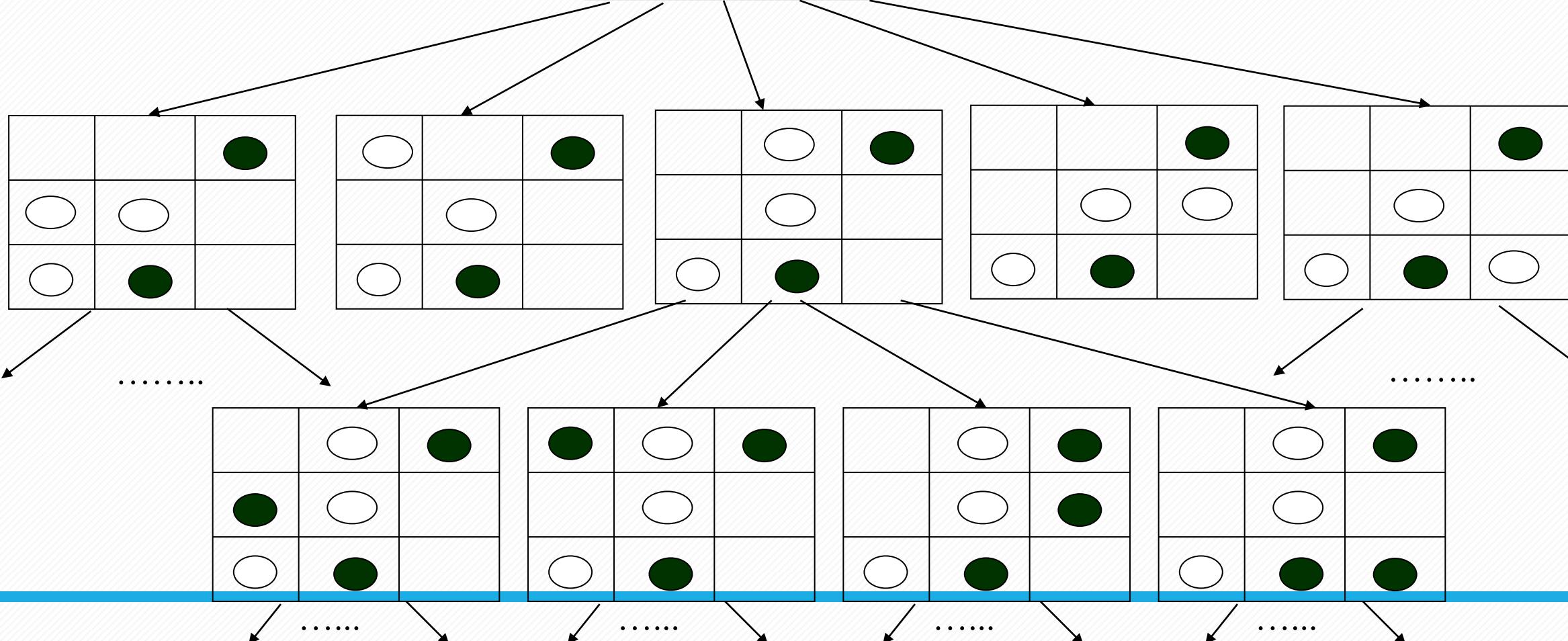
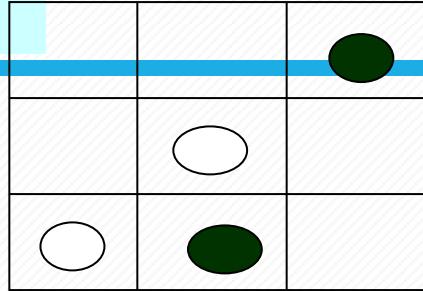
L	002, ...
S	001, 003, ...
.....	.....



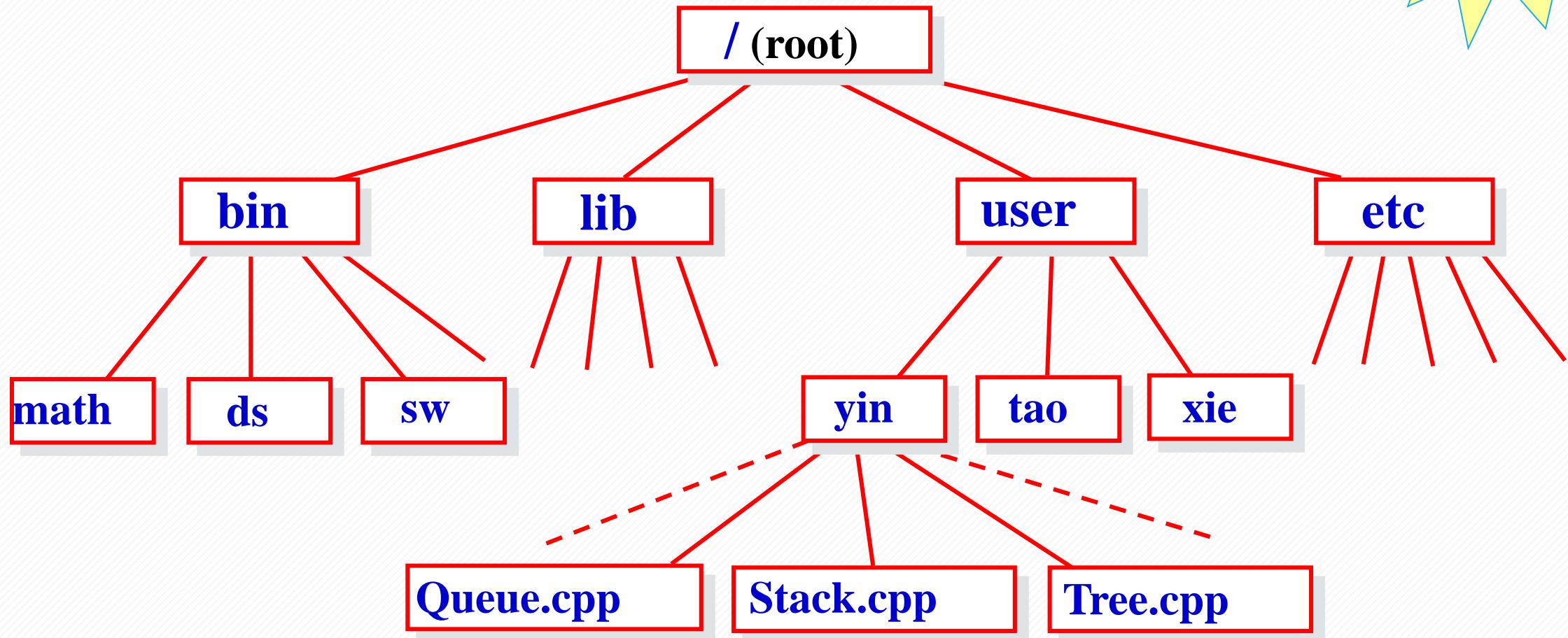
# 人机对奕问题

六 教育

树



树



# 多叉路口交通灯管理问题

六 教育

冬



**顶点:** 一条通路

**连线:** 不能同时通行

**染色:** 有连线的两个顶点不能具有相同颜色

## 求解非数值计算的问题：

设计出合适的数据结构及相应的算法

即：首先要考虑对相关的各种信息如何表示、组织和存储？

---

**数据结构的研究内容为：**

研究非数值计算的程序设计问题中计算机的**操作对象**以及它们之间的**关系和操作**。

## 数据结构课程的形成和发展：

### 形成阶段：

60年代初期，“数据结构”有关的内容散见于操作系统、编译原理和表处理语言等课程。1968年，“数据结构”被列入美国一些大学计算机科学系的教学计划。

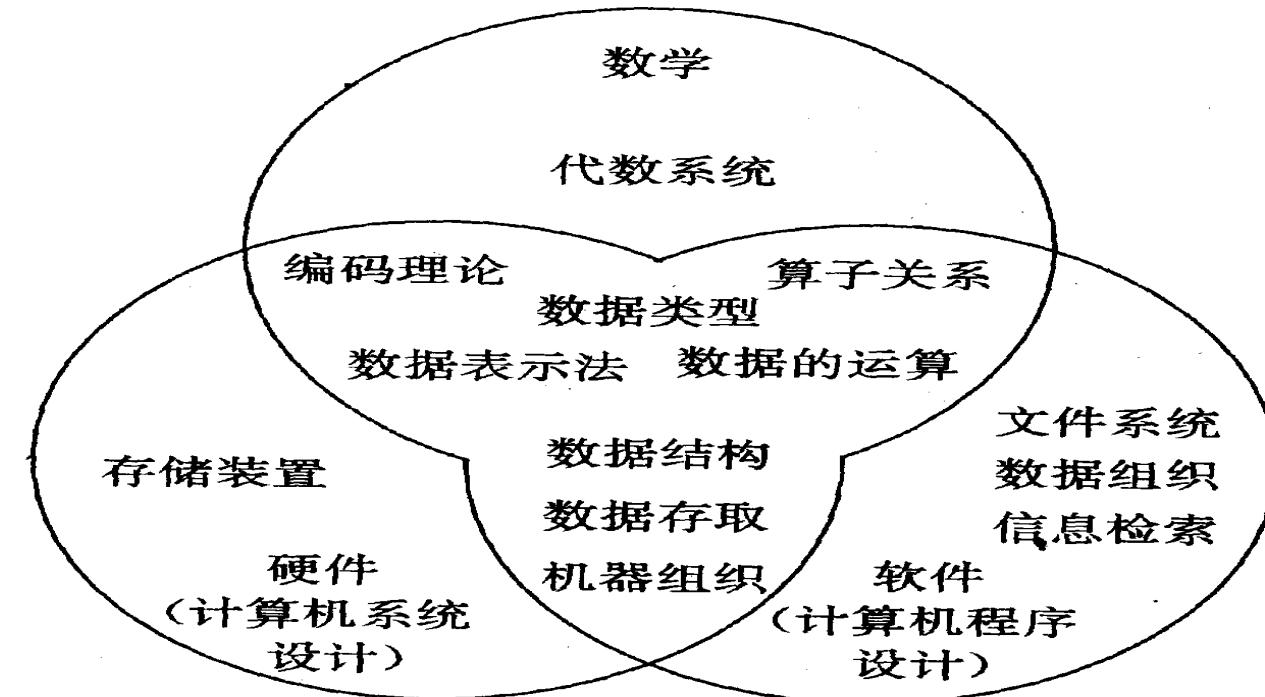
### 发展阶段：

数据结构的概念不断扩充，包括了网络、集合代数论、关系等“离散数学结构”的内容。

70年代后期，我国高校陆续开设该课程。

## 《数据结构》所处的地位：

介于数学、计算机硬件和计算机软件三者之间的一门核心课程



# 数据结构在计算机学科中的地位

## Web信息处理

队列、图、字符、矩阵、哈希表、排序、索引、检索

## 人工智能

广义表、集合、有向图、搜索树

## 图形图像

队列、栈、图、矩阵、空间索引树、检索

## 数据库

线性表、多链表、排序、B+树

## 操作系统

队列、存储管理表、排序、目录树

## 编译原理

字符串、栈、哈希表、语法树

## 算法分析与设计

## 数据结构与算法

## 计算复杂性理论

## 程序设计语言

## 概率统计

## 计算概论

## 集合论与图论

# 课程目的

- 能够分析研究计算机加工的对象的特性，获得其逻辑结构，根据需求，选择合适存贮结构及其相应的算法；
- 学习一些常用的算法；
- 复杂程序设计的训练过程，要求编写的程序结构清楚和正确易读；
- 初步掌握算法的时间分析和空间分析技术

## 1.2 基本概念和术语

- 1、**数据** (data) — 所有能输入到计算机中去的**描述客观事物的符号**
  - ◆ 数值性数据
  - ◆ 非数值性数据 (多媒体信息处理)
- 2、**数据元素** (data element) — 数据的基本单位, 也称结点 (node) 或记录 (record)
- 3、**数据项** (data item) — 有独立含义的数据最小单位, 也称域 (field)

三者之间的关系: 数据 > 数据元素 > 数据项

例: 学生表 > 个人记录 > 学号、姓名……

4、**数据对象**(Data Object): 相同特性数据元素的集合，是数据的一个子集

- ◆ 整数数据对象  
 $N = \{ 0, \pm 1, \pm 2, \dots \}$
- ◆ 学生数据对象
  - 学生记录的集合

5、数据结构 (Data Structure) 是相互之间存在一种或多种特定关系的数据元素的集合。

数据结构是带“结构”的数据元素的集合，“结构”就是指数据元素之间存在的关系。

## 【】数据结构的两个层次：

### 逻辑结构---

数据元素间抽象化的相互关系，与数据的存储无关，独立于计算机，它是从具体问题抽象出来的数学模型。

### 存储结构（物理结构） ---

数据元素及其关系在计算机存储器中的存储方式。

## 划分方法一

### (1) 线性结构----

有且仅有一个开始和一个终端结点，并且所有结点都最多只有一个直接前趋和一个后继。

例如：线性表、栈、队列、串

### (2) 非线性结构----

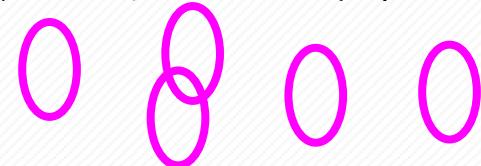
一个结点可能有多个直接前趋和直接后继。

例如：树、图



## 划分方法二

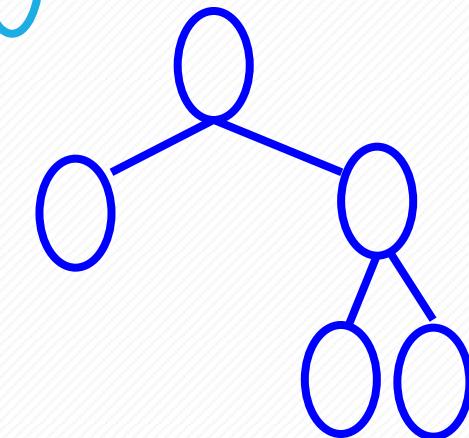
集合——数据元素间除“同属于一个集合”外，无其它关系



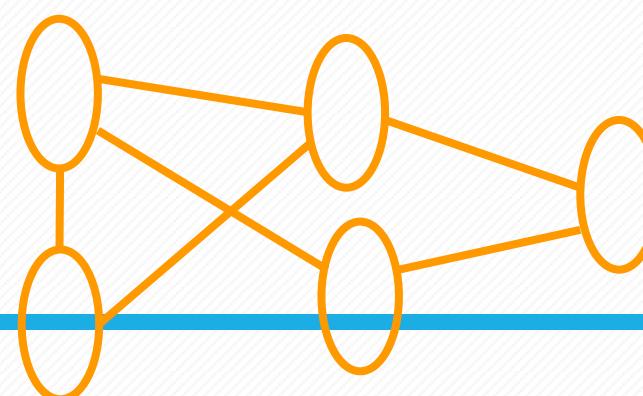
线性结构——一个对一个，如线性表、栈、队列



树形结构——一个对多个，如树



图形结构——多个对多个，如图



# 存储结构

存储结构分为：

顺序存储结构——借助元素在存储器中的**相对位置**来表示数据元素间的逻辑关系

链式存储结构——借助指示元素存储地址的**指针**表示数据元素间的逻辑关系 **可以连续 可以不连续**

# 顺序存储

存储地址

存储内容

$L_0$

元素1

$L_0+m$

元素2

.....

$L_0+(i-1)*m$

元素i

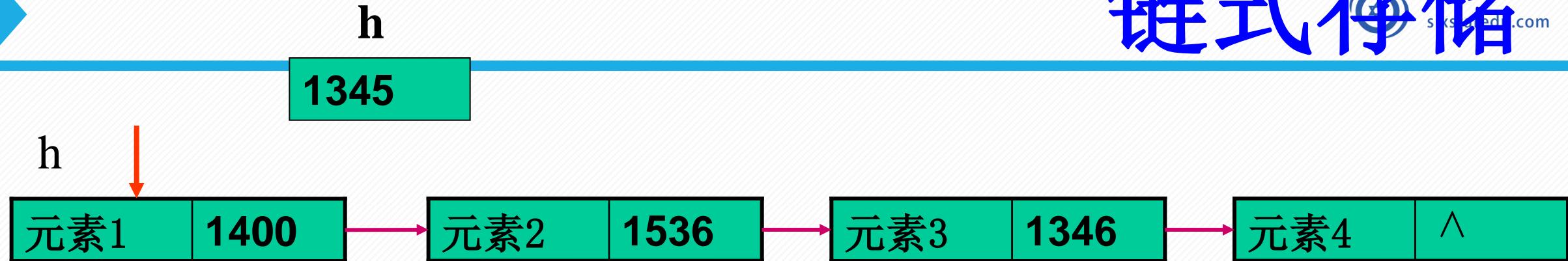
.....

$L_0+ (n-1)*m$

元素n

$$\text{Loc}(\text{元素i})=L_0+ (i-1)*m$$

# 链式存储



存储地址	存储内容	指针
1345	元素1	1400
1346	元素4	^
.....	.....	.....
1400	元素2	1536
.....	.....	.....
1536	元素3	1346

# 数据的运算

- 逻辑结构和存储结构都相同, 但运算不同, 则数据结构不同. 例如, 栈与队列
- 对于一种数据结构, 常见的运算
  - 插入
  - 删除
  - 修改
  - 查找
  - 排序

逻辑结构

唯一

存储结构

不唯一



运算的实现

依赖于

存储结构

**数据的逻辑结构**

**数据的存储结构**

**数据的运算：插入、删除、修改、查找、排序**

**线性结构**

**非线性结构**

**顺序存储**

**链式存储**

**线性表**

**栈、队列**

**串、数组**

**树形结构**

**图形结构**



- 定义：在一种程序设计语言中，变量所具有的数据种类

FORTRAN语言：整型、实型、和复数型

C语言：

基本数据类型：char int float double void

构造数据类型：数组、结构体、共用体、文件

- ✓ 数据类型是一组性质相同的值的集合，以及定义于这个集合上的一组运算的总称

## 抽象数据类型 (ADT: Abstract Data Types)

- ◆ 更高层次的数据抽象
- ◆ 由用户定义, 用以表示应用问题的**数据模型**
- ◆ 由基本的数据类型组成, 并包括**一组相关的操作**

抽象数据类型可以用以下的三元组来表示：

$$\text{ADT} = (D, S, P)$$

数据对象      D上的关系集      D上的操作集

ADT抽象数据类型名 {

ADT常用  
定义格式

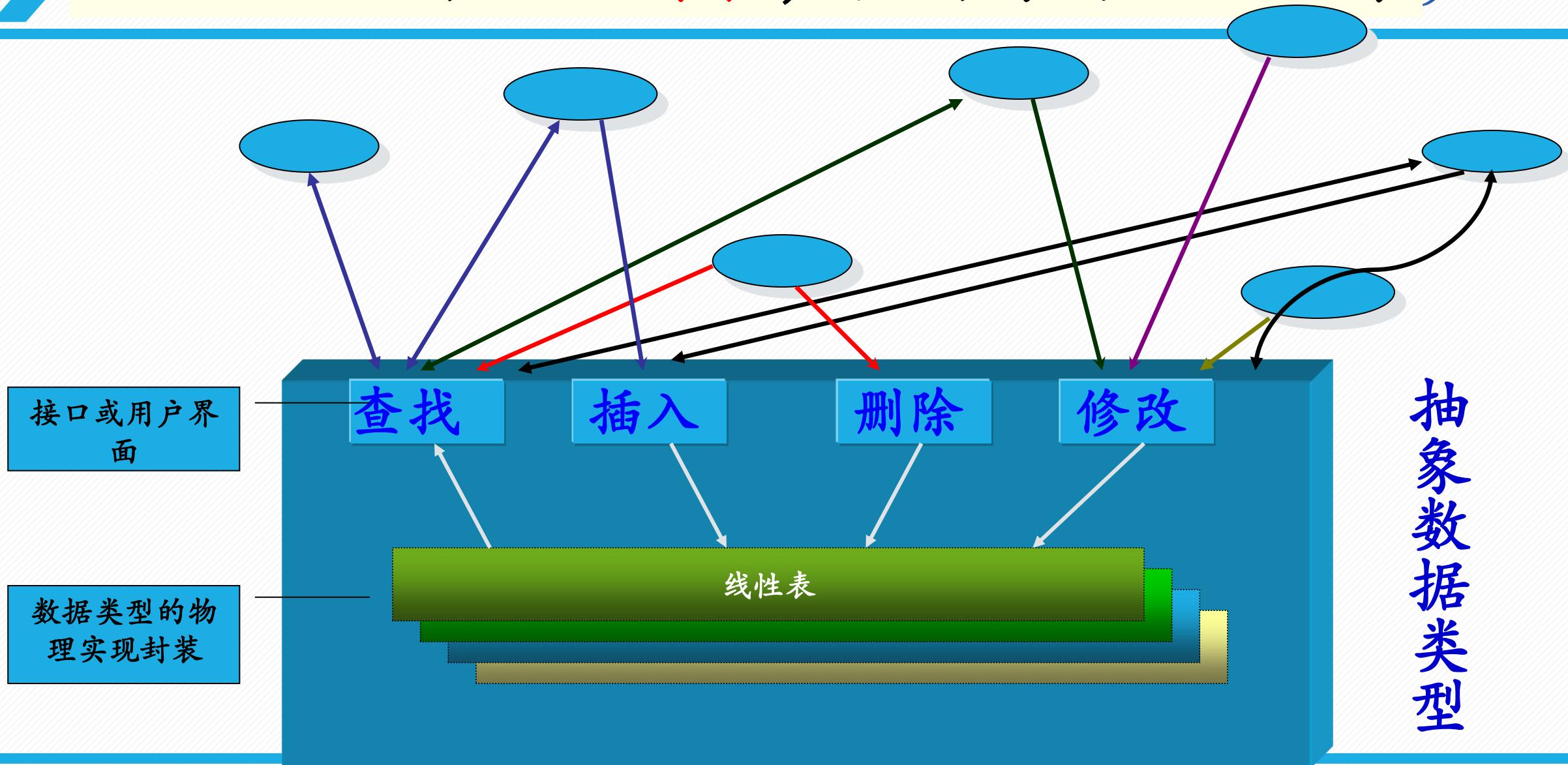
数据对象：<数据对象的定义>

数据关系：<数据关系的定义>

基本操作：<基本操作的定义>

} ADT抽象数据类型名

# 信息隐蔽和数据封装，使用与实现相分离



## 1.3 抽象数据类型的表示与实现

抽象数据类型可以通过固有的数据类型（如整型、实型、字符型等）来表示和实现。

它有些类似C语言中的结构（struct）类型，但增加了相关的操作  
教材中用的是类C语言（介于伪码和C语言之间）作为描述工具

但上机时要用具体语言实现，如C或C++等

- (1) 预定义常量及类型
- // 函数结果状态代码

```
#define OK 1
#define ERROR 0
#define OVERFLOW -2
```
- // Status是函数返回值类型，其值是函数结果状态代码。

```
typedef int Status;
```

(2) 数据元素被约定为 `ElemType` 类型，用户需要根据具体情况，自行定义该数据类型。

(3) 算法描述为以下的函数形式：

函数类型 函数名 (函数参数表)

{

语句序列；

}

## (4) 内存的动态分配与释放

使用new和delete动态分配和释放内存空间

分配空间 指针变量=new 数据类型;

释放空间 delete指针变量;

malloc/calloc/free

(5) 赋值语句 `x+=18;`

(6) 选择语句 `if switch`

(7) 循环语句 `for while goto`

## (8) 使用的结束语句形式有：

函数结束语句 return

循环结束语句 break;

异常结束语句 exit (异常代码) ;

## (9) 输入输出语句形式有：

输入语句 `cin (scanf())` `getchar` `gets` 等

输出语句 `cout (printf())` `putchar` `puts` 等

## (10) 扩展函数有：

求最大值 `max`

求最小值 `min`

## 1.4 算法和算法分析

- 算法定义：一个有穷的指令集，这些指令为解决某一特定任务规定了一个运算序列
- 算法的描述：
  - ◆ 自然语言
  - ◆ 流程图
  - ◆ 程序设计语言
  - ◆ 伪码

## ■ 算法的特性：

- ◆ **输入** 有0个或多个输入
- ◆ **输出** 有一个或多个输出(处理结果)
- ◆ **确定性** 每步定义都是确切、无歧义的
- ◆ **有穷性** 算法应在执行有穷步后结束
- ◆ **有效性** 每一条运算应足够基本

- ◆ 算法的评价
- ◆ 正确性
- ◆ 可读性
- ◆ 健壮性
- ◆ 高效性 (时间代价和空间代价)

## 算法的效率的度量

- 算法效率：用依据该算法编制的程序在计算机上执行所消耗的时间来度量

事后统计

事前分析估计

1. **事后统计：**利用计算机内的计时功能，不同算法的程序可以用一组或多组相同的统计数据区分

缺点：

- ① 必须先运行依据算法编制的程序
- ② 所得时间统计量依赖于硬件、软件等环境因素，掩盖算法本身的优劣

## 2. 事前分析估计：

一个高级语言程序在计算机上运行所消耗的时间取决于：

- ① 依据的算法选用何种策略
- ② 问题的规模
- ③ 程序语言
- ④ 编译程序产生机器代码质量
- ⑤ 机器执行指令速度

同一个算法用不同的语言、不同的编译程序、在不同的计算机上运行，效率均不同，——使用绝对时间单位衡量算法效率不合适

# 时间复杂度的渐进表示法

- 算法中基本语句重复执行的次数是问题规模 $n$ 的某个函数 $f(n)$ , 算法的时间量度记作:

$$T(n)=O(f(n))$$

- ◆ 算法中重复执行次数和算法的执行时间成正比的语句
- ◆ 对算法运行时间的贡献最大

函数 $T(n)=O(f(n))$ 表示存在常数 $C$ 和 $n_0$ , 使得当 $n \geq n_0$ 时都满足 $0 \leq T(n) \leq C f(n)$

$n$ 越大算法的执行时间越长

- ◆ 排序 :  $n$ 为记录数
- ◆ 矩阵 :  $n$ 为矩阵的阶数
- ◆ 多项式:  $n$ 为多项式的项数
- ◆ 集合 :  $n$ 为元素个数
- ◆ 树 :  $n$ 为树的结点个数
- ◆ 图 :  $n$ 为图的顶点数或边数

 $n_0$ 问题规模 $n$

$n * n$ 阶矩阵加法：

```
for( i = 0; i < n; i++)  
    for( j = 0; j < n; j++)  
        c[i][j] = a[i][j] + b[i][j];
```

**语句的频度** (Frequency Count): 重复执行的次数:  $n * n$ ;

$T(n) = O(n^2)$

即: 矩阵加法的运算量和问题的规模n的平方是同一个量级

# 分析算法时间复杂度的基本方法

- 找出语句频度最大的那条语句作为基本语句
- 计算基本语句的频度得到问题规模 $n$ 的某个函数 $f(n)$
- 取其数量级用符号“ $O$ ”表示

```
x = 0; y = 0;
```

```
for ( int k = 0; k < n; k ++ )
```

```
    x ++;
```

$T(n) = O(n^2)$

```
for ( int i = 0; i < n; i++ )
```

```
    for ( int j = 0; j < n; j++ )
```

```
        y ++;
```

$f(n) = n^2$

# 时间复杂度是由嵌套最深层语句的频度决定的

```
void exam ( float x[ ][ ], int m, int n ) {  
    float sum [ ];  
    for ( int i = 0; i < m; i++ ) {  
        sum[i] = 0.0;  
        for ( int j = 0; j < n; j++ )  
            sum[i] += x[i][j]; . . .  
    }  
    for ( i = 0; i < m; i++ )  
        cout << i << ":" << sum [i] << endl;  
}
```

$$T(n) = O(m * n)$$

$$f(n) = m * n$$

例1：  $N \times N$  矩阵相乘

```
for(i=1;i<=n;i++)
```

```
    for(j=1;j<=n;j++)
```

```
        {c[i][j]=0;
```

```
            for(k=1;k<=n;k++)
```

**c[i][j]=c[i][j]+a[i][k]\*b[k][j];**

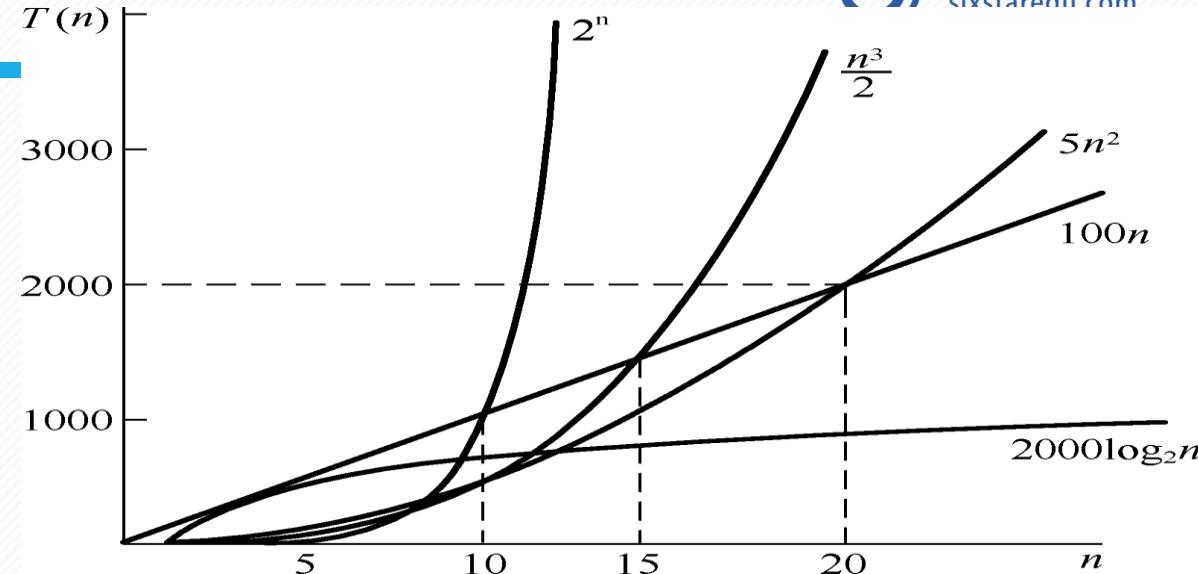
```
}
```

$$\longrightarrow T(n) = O(n^3)$$

算法中的基本操作语句为  $c[i][j]=c[i][j]+a[i][k]*b[k][j]$  ;

$$T(n) = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \sum_{k=1}^n 1 = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n n = \sum_{i=1}^n n^2 = n^3 = o(n^3)$$

- 当n取得很大时，指数时间算法和多项式时间算法在所需时间上非常悬殊



时间复杂度T(n)按数量级递增顺序为：

复杂度低

复杂度高

常数阶	对数阶	线性阶	线性对数阶	平方阶	立方阶	...	K次方阶	指数阶
$O(1)$	$O(\log_2 n)$	$O(n)$	$O(n \log_2 n)$	$O(n^2)$	$O(n^3)$	...	$O(n^k)$	$O(2^n)$

# 渐进空间复杂度

• 空间复杂度: 算法所需存储空间的度量, 记作:  $S(n)=O(f(n))$

其中n为问题的规模(或大小)

## ■ 算法要占据的空间

- 算法本身要占据的空间, 输入/输出, 指令, 常数, 变量等
- 算法要使用的辅助空间

## 例2：将一维数组a中的 $n$ 个数逆序存放到原数组中。

$S(n) = O(1)$

原地工作

### 【算法1】

```
for(i=0;i<n/2;i++)  
{  t=a[i];  
  a[i]=a[n-i-1];  
  a[n-i-1]=t;  
}
```

$S(n) = O(n)$

### 【算法2】

```
for(i=0;i<n;i++)  
  b[i]=a[n-i-1];  
for(i=0;i<n;i++)  
  a[i]=b[i];
```

## 本章小结

- 1、数据、数据元素、数据项、数据结构等基本概念
- 2、对数据结构的两个层次的理解
  - 逻辑结构
  - 存储结构
- 3、抽象数据类型的表示方法
- 4、算法、算法的时间复杂度及其分析的简易方法



CimFAX  
传真服务器常用

# 问答

# 将来的你

冲刺 加油！  
让我们全力以赴

一定会感激现在拼命的自己



$$\begin{array}{c} b \\ \triangle \\ a \quad c \\ c^2 = a^2 + b^2 \end{array}$$