

1. 掌握栈和队列的**特点**，并能在相应的应用问题中正确选用
2. 熟练掌握栈的**两种存储结构**的基本操作实现算法，特别应注意**栈满和栈空**的条件
3. 熟练掌握**循环队列和链队列**的基本操作实现算法，特别注意**队满和队空**的条件
4. 理解**递归算法**执行过程中栈的状态变化过程
5. 掌握**表达式求值** 方法

第06讲 栈和队列之《队列表示与实现》



六星教育首席架构师：Vico老师

官方助理冰芯老师QQ：1930070991



3.1 栈和队列的定义和特点

3.2 栈的表示和操作的实现

3.3 栈与递归

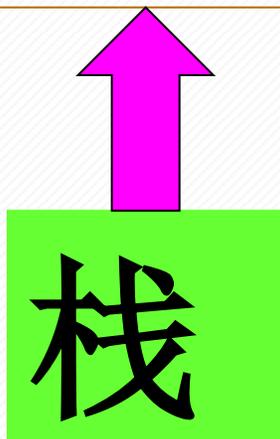
3.4 队列的的表示和操作的实现

3.3 栈与递归

- **递归的定义** 若一个对象部分地包含它自己， 或用它自己给自己定义， 则称这个对象是递归的； 若一个过程**直接地或间接地调用自己**， 则称这个过程是递归的过程。

```
long Fact ( long n ) {  
    if ( n == 0) return 1;  
    else return n * Fact (n-1); }
```

当多个函数构成嵌套调用时, 遵循 后调用先返回



- 以下三种情况常常用到递归方法
 - 递归定义的数学函数
 - 具有递归特性的数据结构
 - 可递归求解的问题

1. 递归定义的数学函数:

- 阶乘函数:

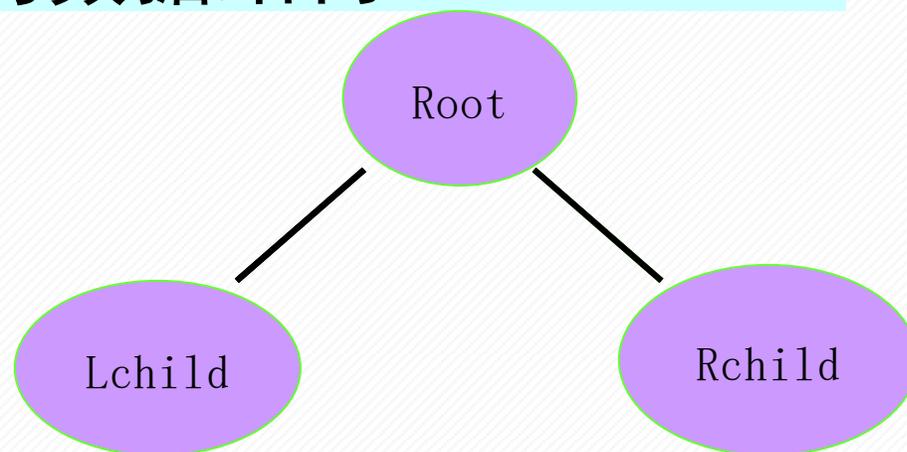
$$Fact(n) = \begin{cases} 1 & \text{若 } n = 0 \\ n \cdot Fact(n-1) & \text{若 } n > 0 \end{cases}$$

- 2阶Fibonacci数列:

$$Fib(n) = \begin{cases} 1 & \text{若 } n = 1 \text{ 或 } 2 \\ Fib(n-1) + Fib(n-2) & \text{其它} \end{cases}$$

2. 具有递归特性的数据结构:

- 树



- 广义表

$A = (a, A)$

3. 可递归求解的问题:

- 迷宫问题

用分治法求解递归问题

分治法： 对于一个较为复杂的问题，能够分解成几个相对简单的且解法相同或类似的子问题来求解

必备的三个条件

- 1、能将一个问题转变成为一个新问题，而新问题与原问题的解法相同或类同，不同的仅是处理的对象，且这些处理对象是变化有规律的
- 2、可以通过上述转化而使问题简化
- 3、必须有一个明确的递归出口，或称递归的边界

分治法求解递归问题算法的一般形式:

```
void p (参数表) {  
    if (递归结束条件) 可直接求解步骤; -----基本项  
    else p (较小的参数); -----归纳项  
}
```

```
long Fact ( long n ) {  
    if ( n == 0) return 1; //基本项  
    else return n * Fact (n-1); //归纳项}
```

求解阶乘 $n!$ 的过程

```
if ( n == 0 ) return 1;
```

```
else return n * Fact (n-1);
```

结果返回

回归求值

返回 1 参数 0 直接定值 = 1

返回 1 参数 1 计算 $1 * \text{Fact}(0)$

返回 2 参数 2 计算 $2 * \text{Fact}(1)$

返回 6 参数 3 计算 $3 * \text{Fact}(2)$

返回 24 参数 4 计算 $4 * \text{Fact}(3)$

主程序 main : $\text{Fact}(4)$

递归调用

参数传递

函数调用过程

调用前，系统完成：

- (1) 将**实参, 返回地址**等传递给被调用函数
- (2) 为被调用函数的**局部变量**分配存储区
- (3) 将控制转移到被调用函数的**入口**

调用后，系统完成：

- (1) 保存被调用函数的**计算结果**
- (2) 释放被调用函数的**数据区**
- (3) 依照被调用函数保存的**返回地址**将控制转移到调用函数

优点：结构清晰，程序易读

缺点：每次调用要生成工作记录，保存状态信息，入栈；返回时要出栈，恢复状态信息。时间开销大。

ADT Queue {

队列的抽象数据类型

数据对象:

 $D = \{a_i \mid a_i \in ElemSet, i = 1, 2, \dots, n, n \geq 0\}$

数据关系:

 $R_1 = \{ \langle a_{i-1}, a_i \rangle \mid a_{i-1}, a_i \in D, i = 1, 2, \dots, n \}$

基本操作:

约定 a_1 端为队列头, a_n 端为队列尾

- (1) InitQueue (&Q) //构造空队列
- (2) DestroyQueue (&Q) //销毁队列
- (3) ClearQueue (&S) //清空队列
- (4) QueueEmpty(S) //判空. 空--TRUE,



队列的抽象数据类型

(5) QueueLength(Q) //取队列长度

(6) GetHead (Q,&e) //取队头元素,

(7) **EnQueue (&Q,e)** //入队列

(8) **DeQueue (&Q,&e)** //出队列

(9) QueueTraverse(Q,visit()) //遍历

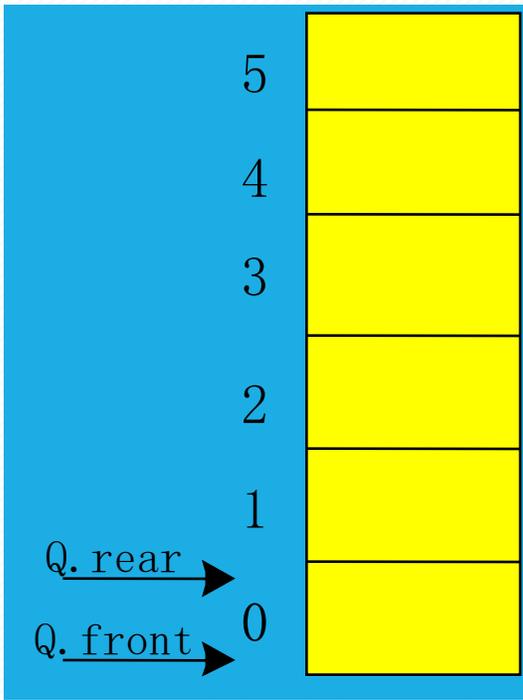
}ADT Queue

队列的顺序表示——用一维数组base[M]

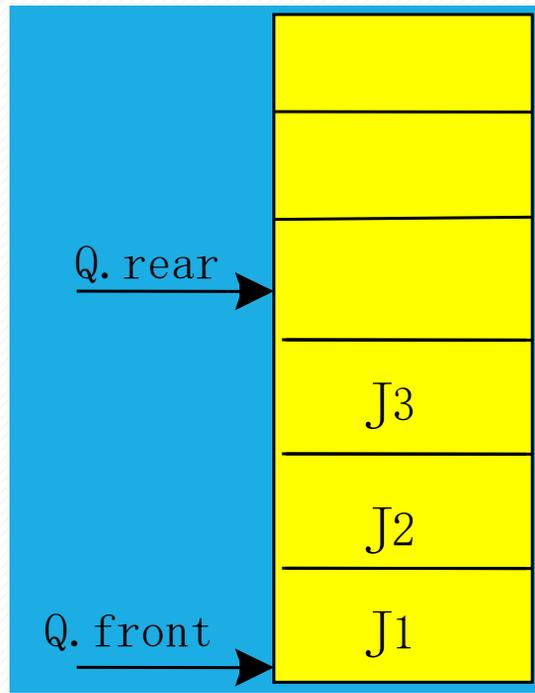
```
#define M 100 //最大队列长度
typedef struct {
    QElemType *base; //初始化的动态分配存储空间
    int front;       //头指针
    int rear;        //尾指针
} SqQueue;
```



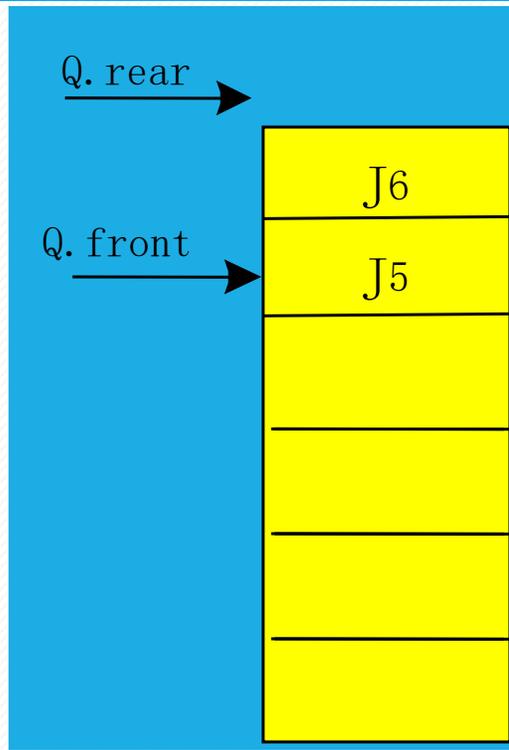
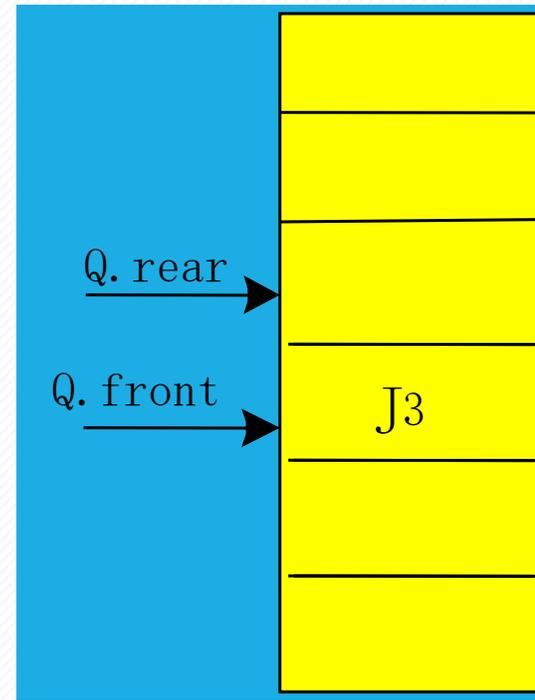
队列的顺序表示——用一维数组base[M]



front=rear=0

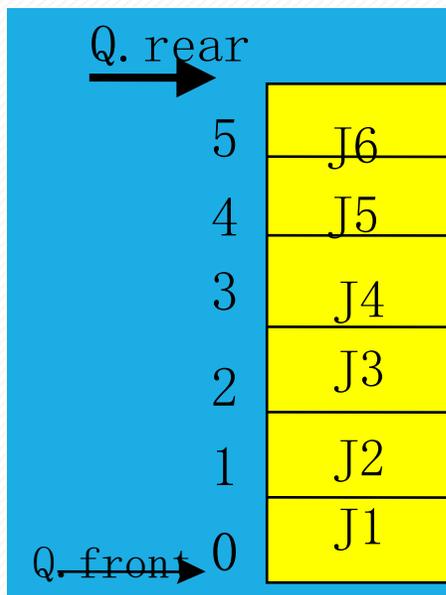


空队标志: **front==rear**
入队: **base[rear++]=x;**
出队: **x=base[front++];**

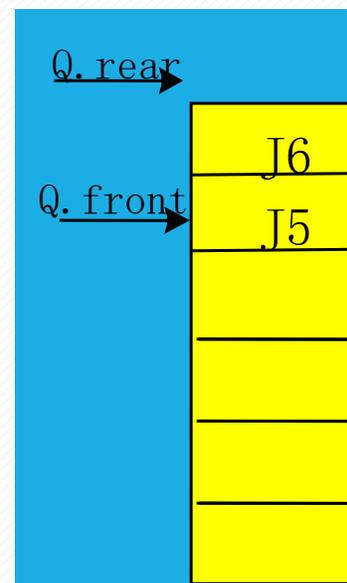


存在的问题

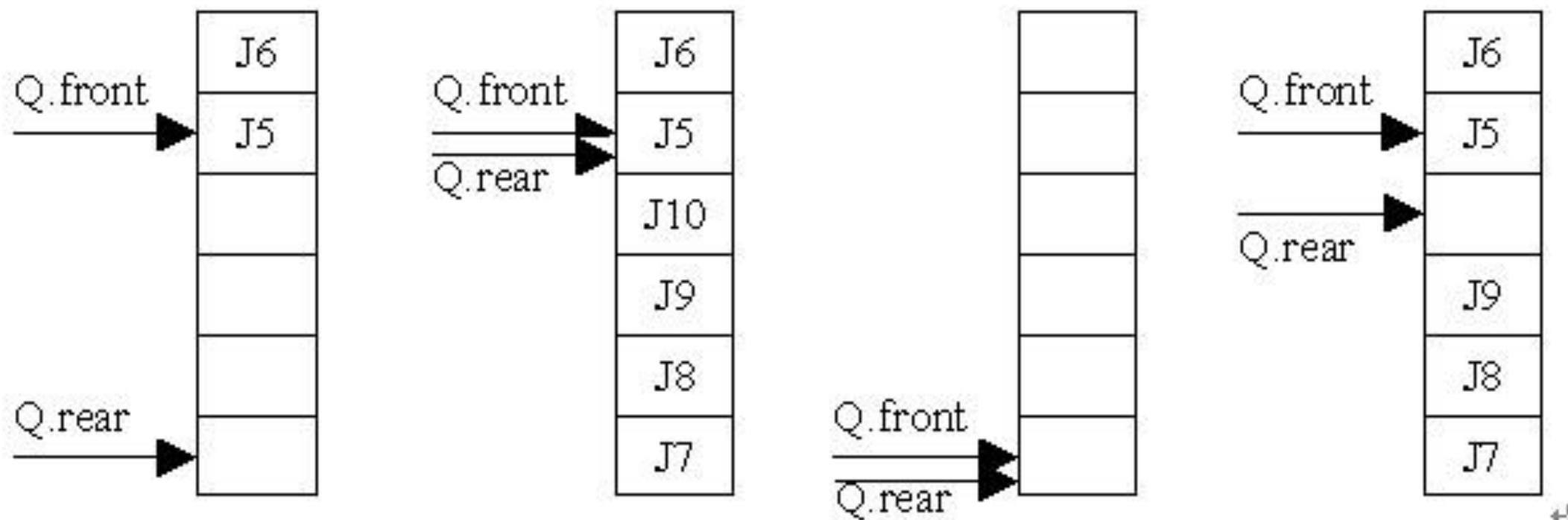
设大小为M



front=0
rear=M时
再入队—真溢出



front≠0
rear=M时
再入队—假溢出

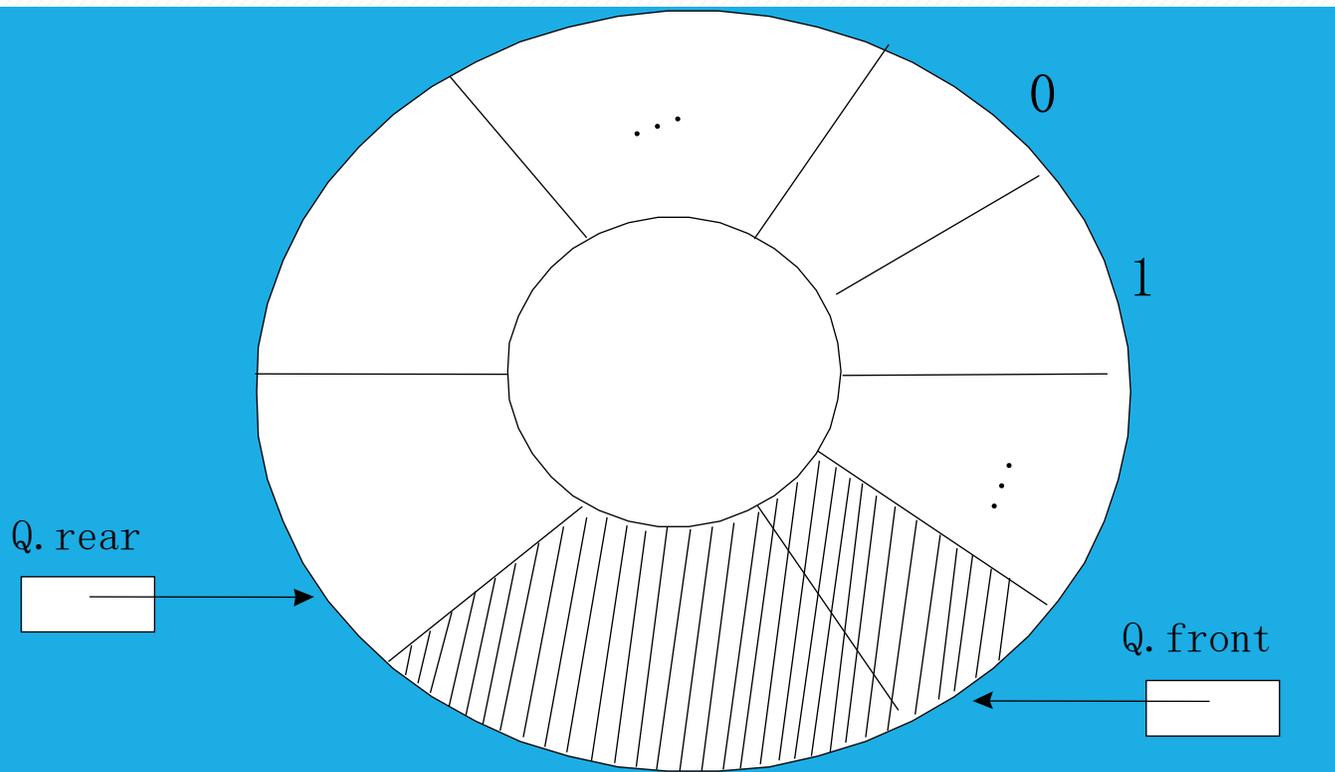


(a) 一般情况 (b) 队列空间被占满 (c) 空队 (d) 呈“满”状态的循环队列

图 3.12 循环队列中头、尾指针和元素之间的关系

解决的方法——循环队列

base[0]接在base[M-1]之后
若 $\text{rear}+1==M$
则令 $\text{rear}=0$;



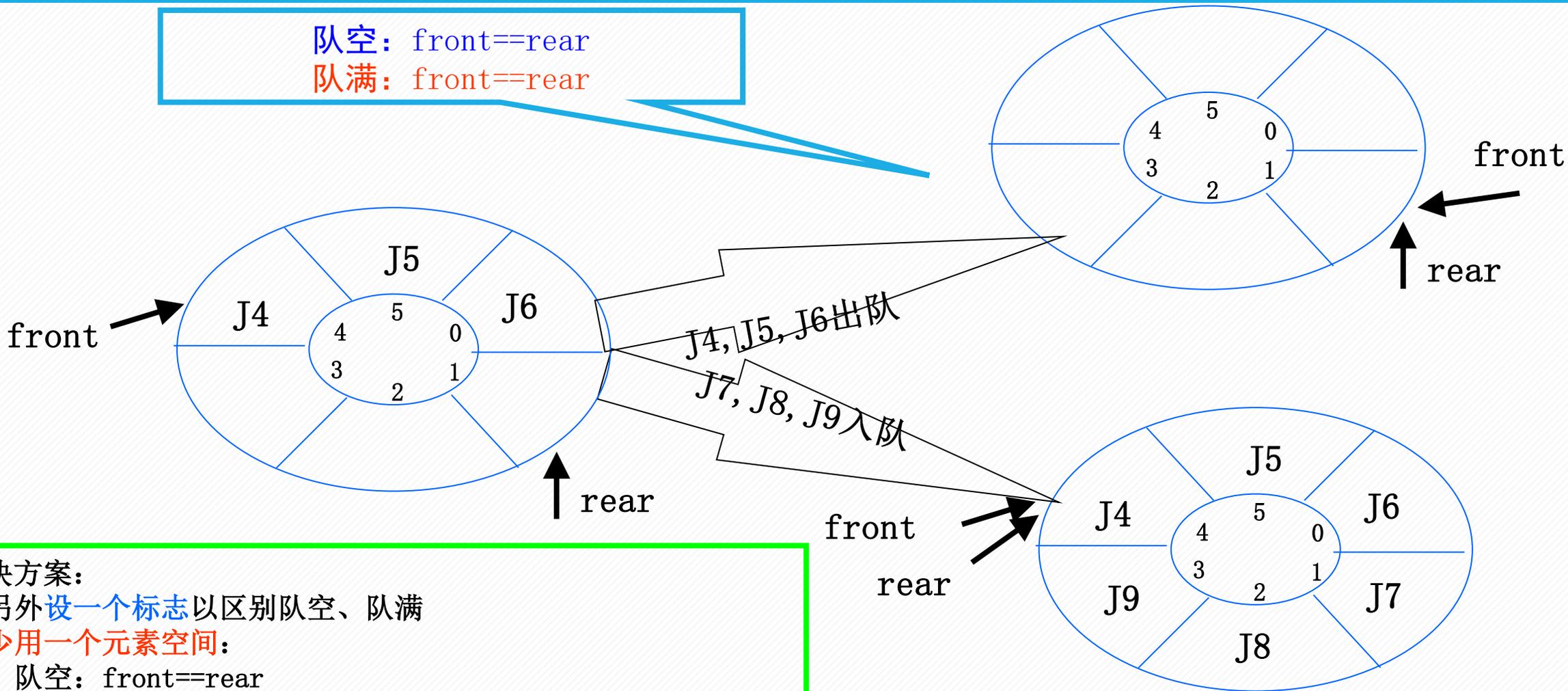
实现：利用“模”运算
入队：

$\text{base}[\text{rear}]=x;$
 $\text{rear}=(\text{rear}+1)\%M;$

出队：

$x=\text{base}[\text{front}];$
 $\text{front}=(\text{front}+1)\%M;$

队空: $front == rear$
队满: $front == rear$



解决方案:

1. 另外设一个标志以区别队空、队满

2. 少用一个元素空间:

队空: $front == rear$

队满: $(rear+1) \% M == front$

```
#define MAXQSIZE 100 //最大长度
typedef struct {
    QElemType *base; //初始化的动态分配存储空间
    int front; //头指针
    int rear; //尾指针
}SqQueue;
```

循环队列初始化

```
Status InitQueue (SqQueue &Q){  
    Q.base =new QElemType[MAXQSIZE] // //申请空间  
    if(!Q.base) exit(OVERFLOW);  
    Q.front=Q.rear=0; //队空  
    return OK;  
}
```

求循环队列的长度

```
int QueueLength (SqQueue Q){  
    return (Q.rear-Q.front+MAXQSIZE)%MAXQSIZE;  
}
```

```
Status EnQueue(SqQueue &Q, QElemType e){  
    if((Q.rear+1)%MAXQSIZE==Q.front) return ERROR; //队满, 无法添加  
    Q.base[Q.rear]=e; //插入元素  
    Q.rear=(Q.rear+1)%MAXQSIZE; //队尾指针+1  
    return OK;  
}
```



循环队列出队

```
Status DeQueue (LinkQueue &Q, QElemType &e){  
    if(Q.front==Q.rear) return ERROR; //队空, 无法删除  
    e=Q.base[Q.front];  
    Q.front=(Q.front+1)%MAXQSIZE; //队头指针+1  
    return OK;  
}
```

项目实战操作案例1



链队列





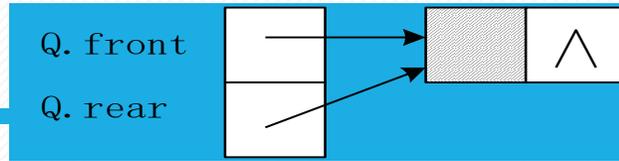
链队列

```
typedef struct QNode{  
    QElemType  data;  
    struct Qnode *next;  
}Qnode, *QueuePtr;
```

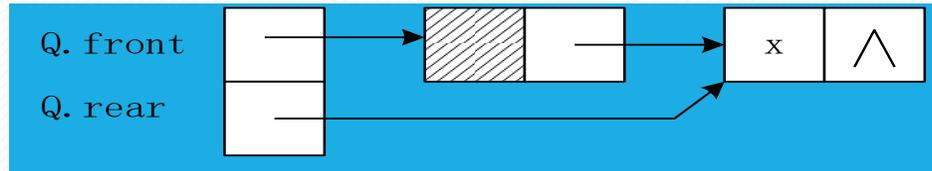
```
typedef struct {  
    QueuePtr front;    //队头指针  
    QueuePtr rear;    //队尾指针  
}LinkQueue;
```



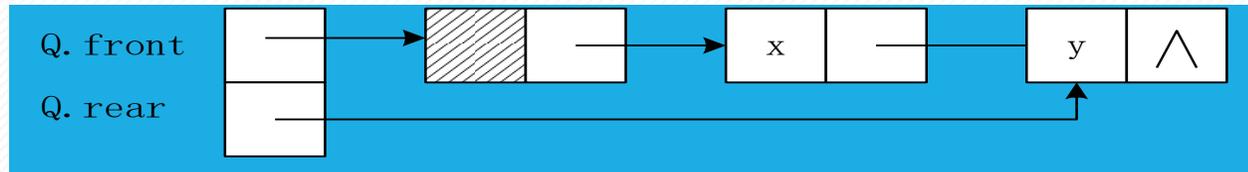
链队列



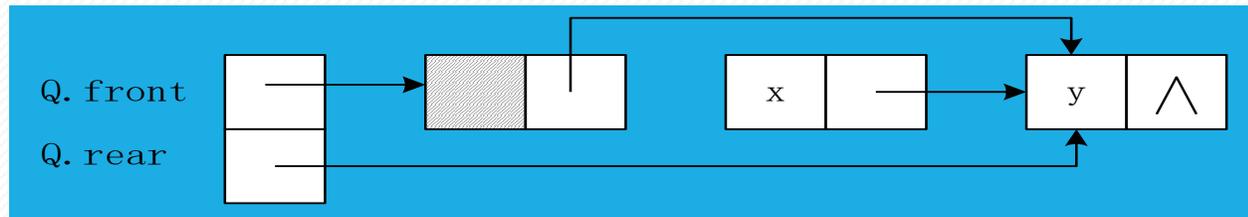
(a) 空队列



(b) 元素x入队列



(c) 元素y入队列



(d) 元素x出队列

```
Status InitQueue (LinkQueue &Q){  
    Q.front=Q.rear=(QueuePtr) malloc(sizeof(QNode));  
    if(!Q.front) exit(OVERFLOW);  
    Q.front->next=NULL;  
    return OK;  
}
```

```
Status DestroyQueue (LinkQueue &Q){  
    while(Q.front){  
        Q.rear=Q.front->next;  
        free(Q.front);  
        Q.front=Q.rear;  }  
    return OK;  
}
```

判断链队列是否为空

```
Status QueueEmpty (LinkQueue Q){  
    return (Q.front==Q.rear);  
}
```

求链队列的队头元素

```
Status GetHead (LinkQueue Q, QElemType &e){  
    if(Q.front==Q.rear) return ERROR; //队空, 无法删除  
    e=Q.front->next->data;  
    return OK;  
}
```

```
Status EnQueue(LinkQueue &Q, QElemType e){
```

```
    p=(QueuePtr)malloc(sizeof(QNode));
```

```
    if(!p) exit(OVERFLOW);
```

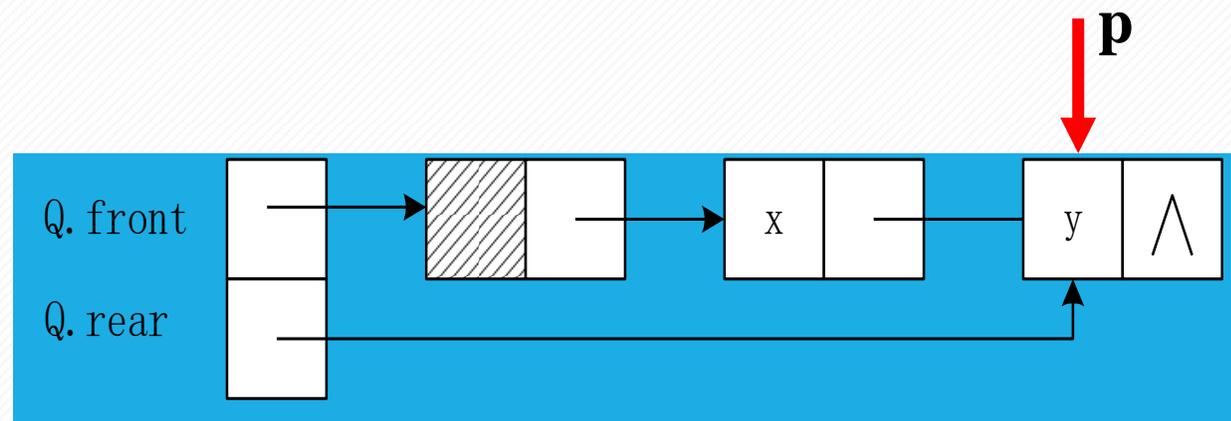
```
    p->data=e; p->next=NULL;
```

```
    Q.rear->next=p;
```

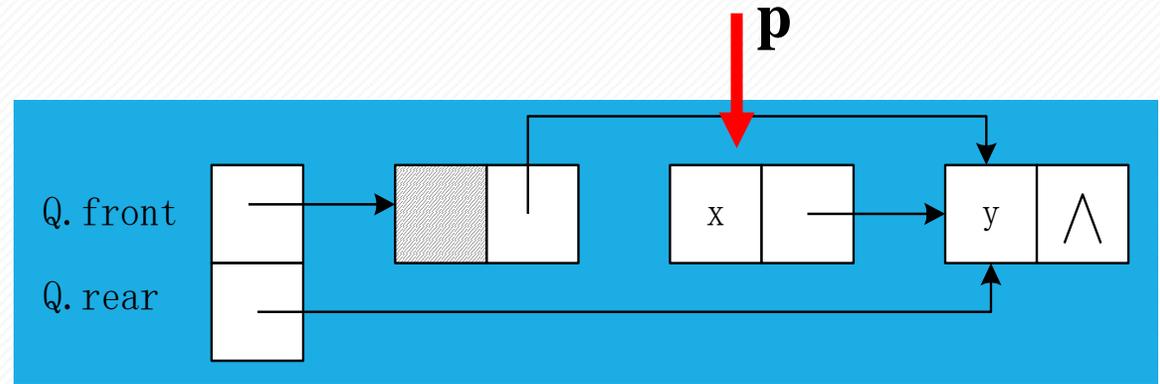
```
    Q.rear=p;
```

```
    return OK;
```

```
}
```



```
Status DeQueue (LinkQueue &Q, QElemType &e){  
    if(Q.front==Q.rear) return ERROR; //队空, 无法删除  
    p=Q.front->next;  
    e=p->data;  
    Q.front->next=p->next;  
    if(Q.rear==p) Q.rear=Q.front;  
    delete p;  
    return OK;  
}
```



项目实战操作案例2



CimFAX
传真服务器常用

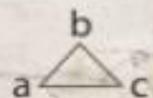
问答



将来的你

冲刺 加油!
让我们全力以赴

一定会感激现在拼命的自己



$$c^2 = a^2 + b^2$$



沉着冷静 不放弃 努力
高考
将来的你
一定会感激现在拼命的自己
名牌大学
倒计时